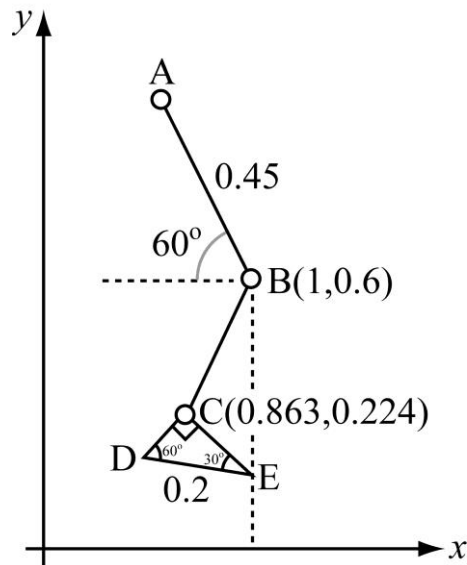


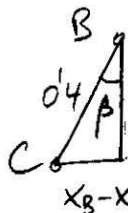
La figura muestra un modelo plano de extremidad inferior, donde se distinguen el fémur AB, la tibia BC, y el pie CDE. Como parámetros geométricos del modelo, se conocen la longitud del fémur, $AB = 0.45$ m, y las dimensiones del pie, que se representa por un triángulo rectángulo con ángulos de 60° en el talón, D, y 30° en la puntera, E, y cuya planta posee una longitud $DE = 0.2$ m. Además, en el instante representado, se conocen las coordenadas de la rodilla, $B(1,0.6)$, y del tobillo, $C(0.863,0.224)$, el ángulo que forma el fémur con la horizontal, 60° , y se sabe que la punta del pie, E, se halla en la misma vertical que la rodilla, B.



- Calcular la longitud de la tibia, BC, y el ángulo que forma la tibia con la vertical.
- Calcular el ángulo de la rodilla. ¿Es flexión o extensión?
- Calcular las coordenadas de los puntos A, D y E.
- Sabiendo que la velocidad de la cadera es $\mathbf{v}_A=(1,0)$, ambas componentes en m/s, y que la velocidad angular del fémur es $\omega_f=0.5$ rad/s, calcular la velocidad de la rodilla, B.
- Sabiendo que la aceleración de la cadera es $\mathbf{a}_A=(0,0)$, y que la aceleración angular del fémur es $\alpha_f=0$, calcular la aceleración de la rodilla, B.

$$a) \quad BC = \sqrt{(x_B - x_C)^2 + (y_B - y_C)^2} =$$

$$= \sqrt{(1 - 0'863)^2 + (0'6 - 0'224)^2} = \boxed{0'4 \text{ m} = L_{\text{tira}}}$$

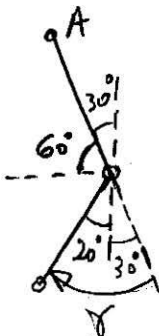


$$y_B - y_C = 0'6 - 0'224 = 0'376$$

$$x_B - x_C = 1 - 0'863 = 0'137$$

$$\tan \beta = \frac{0'137}{0'376} \Rightarrow$$

$$\boxed{\beta = 20^\circ}$$

b)  Como se puede ver en la figura, el ángulo de la rodilla es $\gamma = 56^\circ$, y se trata de flexión.

$$c) \quad \vec{OA} = \vec{OB} + \vec{BA} = \begin{Bmatrix} 1 \\ 0'6 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} -0'45 \cos 60^\circ \\ 0'45 \sin 60^\circ \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0'775 \\ 0'990 \end{Bmatrix}$$

$$\boxed{A(0'775, 0'990)}$$

Para obtener las coordenadas del punto E, basta imponer la distancia entre C y E.

$$CE = DE \cos 30^\circ = 0'2 \cos 30^\circ = 0'173 \text{ m.}$$

$$CE = 0'173 = \sqrt{(x_C - x_E)^2 + (y_C - y_E)^2}$$

La coordenada x_E es conocida, $x_E = x_B = 1$.

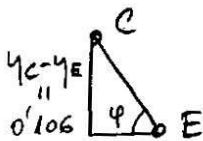
Entonces,

$$0'173 = \sqrt{(0'863-1)^2 + (0'224 - y_E)^2}$$

y despejando y_E de esta ecuación resulta $y_E = 0'118$ m.

$$\boxed{E(1, 0'118)}$$

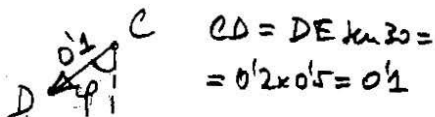
El ángulo que forma EC con la horizontal es,



$$x_E - x_C = 1 - 0'863 = 0'137$$

$$\tan \varphi = \frac{0'106}{0'137} \Rightarrow \varphi = 37'8^\circ$$

Este mismo ángulo será el que forma CD con la vertical, al ser ambos segmentos perpendiculares.



$$CD = DE \tan 30^\circ = 0'2 \times 0'5 = 0'1$$

$$\begin{aligned} \vec{OD} &= \vec{OC} + \vec{CD} = \begin{Bmatrix} 0'863 \\ 0'224 \end{Bmatrix} + \begin{Bmatrix} -0'1 \cos 37'8^\circ \\ -0'1 \sin 37'8^\circ \end{Bmatrix} = \\ &= \begin{Bmatrix} 0'802 \\ 0'145 \end{Bmatrix} \Rightarrow \boxed{D(0'802, 0'145)} \end{aligned}$$

$$d) \vec{N}_B = \vec{N}_A + \vec{N}_{B/A} = \begin{Bmatrix} 1 \\ 0 \end{Bmatrix} + W_f \begin{Bmatrix} -AB_y \\ AB_x \end{Bmatrix}$$

$$\vec{AB} = (x_B - x_A, y_B - y_A) = (1 - 0'775, 0'6 - 0'99) = (0'225, -0'39)$$

$$\vec{N}_B = \begin{Bmatrix} 1 \\ 0 \end{Bmatrix} + 0'5 \begin{Bmatrix} 0'39 \\ 0'225 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 1'195 \\ 0'112 \end{Bmatrix} = \vec{N}_B$$

$$e) \vec{a}_B = \vec{a}_A + \vec{a}_{B/A} = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix} + \alpha_f \begin{Bmatrix} -AB_y \\ AB_x \end{Bmatrix} - W_f^2 \begin{Bmatrix} AB_x \\ AB_y \end{Bmatrix} =$$

$$= -0'5^2 \begin{Bmatrix} 0'225 \\ -0'39 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} -0'056 \\ 0'097 \end{Bmatrix} = \vec{a}_B$$