

#### Programa Oficial de Doctorado en Ingeniería Naval e Industrial

# Modelos musculares simplificados para la simulación del movimiento humano

Autor:

Mario Lamas Rodríguez

Directores:

Francisco Javier Cuadrado Aranda Urbano Lugrís Armesto

Noviembre 2021

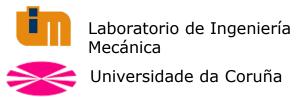
#### CONTENIDOS

- I. Introducción
- II. Planteamiento del problema
- III. Modelos musculares
- IV. MTG
- V. Sinergias
- VI. Interpolación
- VII. Resultados
- **VIII.** Conclusiones

## CONTENIDOS

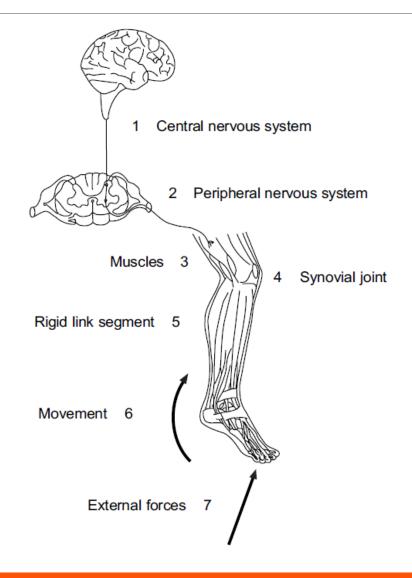
#### I. Introducción

- II. Planteamiento del problema
- III. Modelos musculares
- IV. MTG
- V. Sinergias
- VI. Interpolación
- VII. Resultados
- VIII. Conclusiones



Simulación del movimiento humano

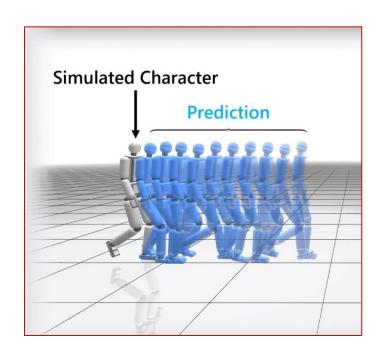
Comportamiento del Sistema Nervioso Central





Universidade da Coruña

#### Simulación del movimiento humano









#### Simulación del movimiento humano

Extrapolar el movimiento conocido

> Control óptimo.

Generar nuevos movimientos

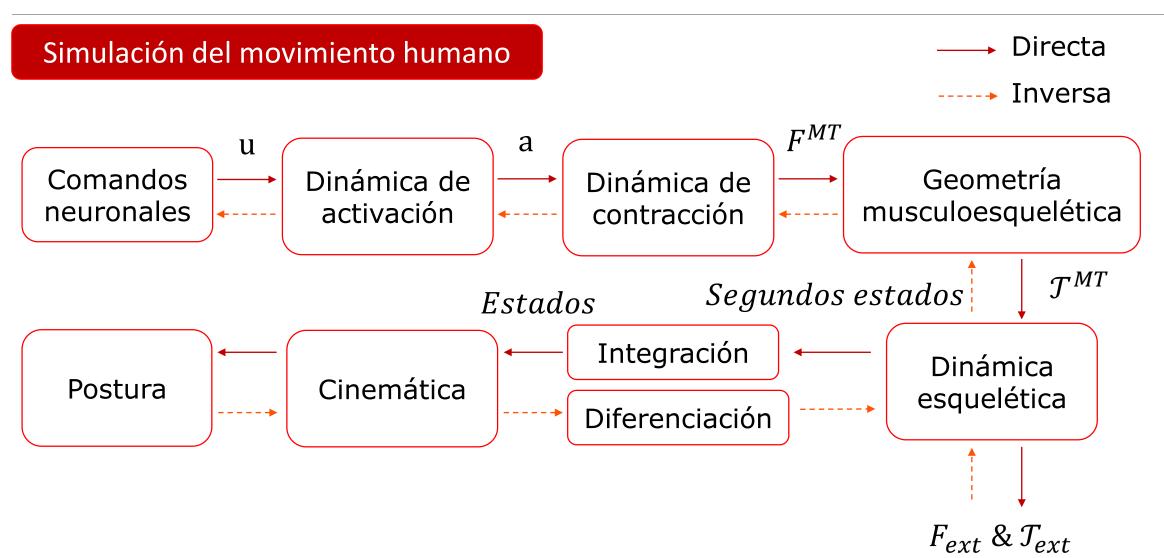
- Controladores que imitan el sistema neuronal.
- Controladores basados en Inteligencia Artificial.

Laboratorio de Ingeniería Mecánica



Universidade da Coruña

## INTRODUCCIÓN: Motivación



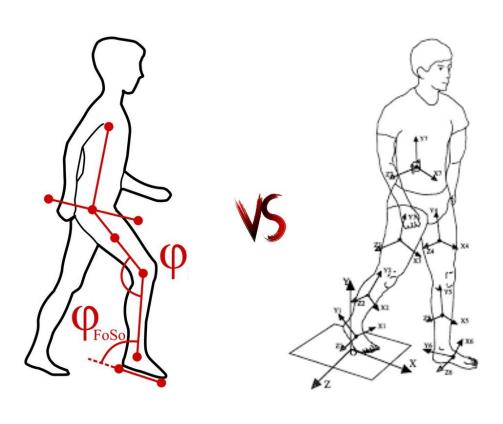
Laboratorio de Ingeniería Mecánica

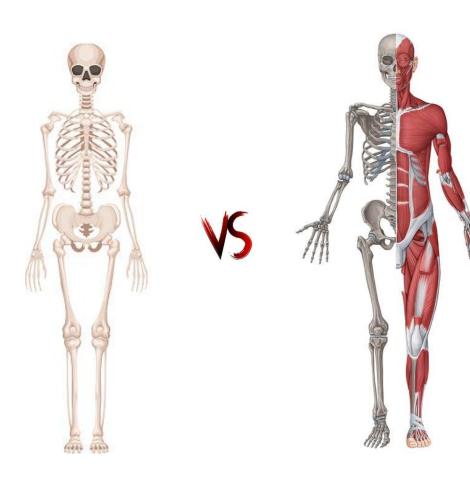


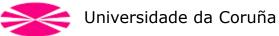
Universidade da Coruña

## INTRODUCCIÓN: Motivación

#### Simulación del movimiento humano







#### **Proyecto nacional**

Estudio de la relación entre la eficiencia y la precisión en modelos biomecánicos del cuerpo humano.



Modelos musculares realistas

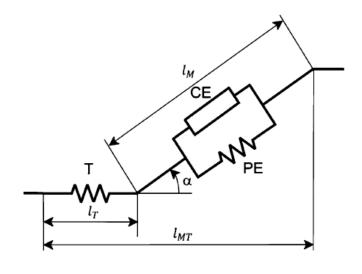


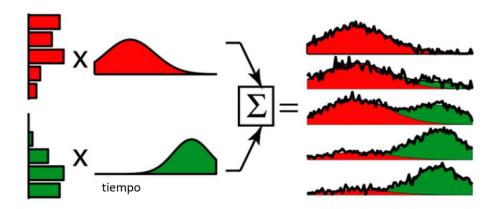
Tiempo de ejecución razonable

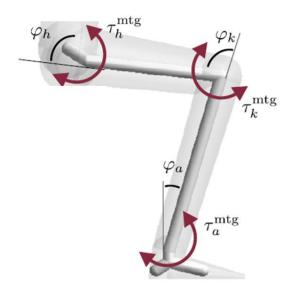


Universidade da Coruña

## INTRODUCCIÓN: Estado del arte







GDL	J	$l^{MT}$	$v^{MT}$
POSICIONES			

## INTRODUCCIÓN

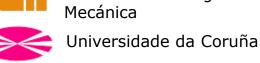
#### **Objetivos**

- Comparación de la eficiencia y precisión de las diferentes estrategias de modelización muscular.
- Estudio de la influencia de la intensidad del movimiento mediante la selección de dos movimientos: marcha, como ejemplo de movimiento lento, y salto vertical, como ejemplo de movimiento rápido.

## CONTENIDOS

- I. Introducción
- II. Planteamiento del problema
- III. Modelos musculares
- IV. MTG
- V. Sinergias
- VI. Interpolación
- VII. Resultados
- VIII. Conclusiones

#### PLANTEAMIENTO: Análisis dinámico directo



- > Mejor consistencia dinámica a nivel muscular.
- > Sirve como paso previo a la predicción del movimiento.
- Se emplea el CTC (Computed Torque Control), en el que la actuación sobre cada grado de libertad se calcula según la siguiente expresión:

$$\mathbf{Q_u} = \mathbf{M\ddot{z}} - \mathbf{Q_c} = \mathbf{M}[\ddot{\mathbf{z}}_{\mathbf{ref}}(t^{k+1}) + \mathbf{K_D}\boldsymbol{\epsilon}^{k+1} + \mathbf{K_P}\dot{\boldsymbol{\epsilon}}^{k+1}] - \mathbf{Q_c},$$

$$\dot{\boldsymbol{\epsilon}}^{k+1} = \dot{\mathbf{z}}_{\mathbf{ref}}^{k+1} - \dot{\mathbf{z}}^{k+1}$$

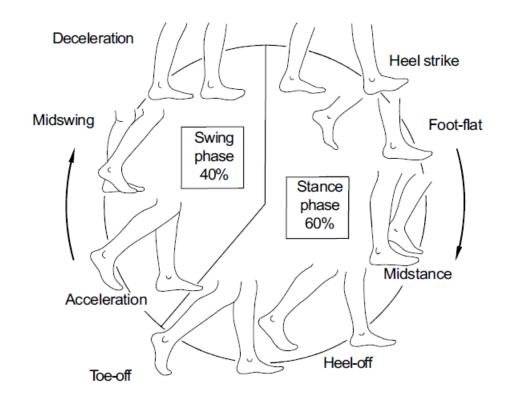
$$\boldsymbol{\epsilon}^{k+1} = \mathbf{z}_{\mathbf{ref}}^{k+1} - \mathbf{z}^{k+1}$$

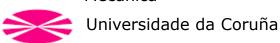
## PLANTEAMIENTO: Ejercicios





- Movimiento periódico de cada pie desde una posición de soporte hasta la siguiente.
- Capacidad clave en los sujetos sanos.
- > Fundamental en el desarrollo de robots humanoides, predicción de movimiento, o animación de caracteres virtuales.



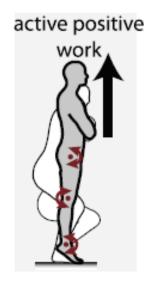


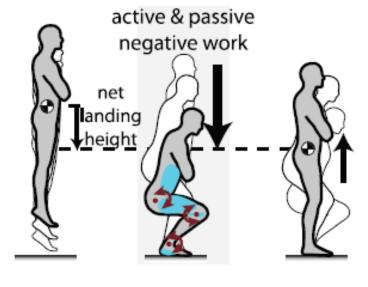
## PLANTEAMIENTO: Ejercicios

#### Salto vertical

- > Salto vertical con contramovimiento.
- Impulso previo mediante la flexión coordinada de las caderas, las rodillas y los tobillos y su consecuente extensión.
- Movimiento más ágil que el de la marcha.







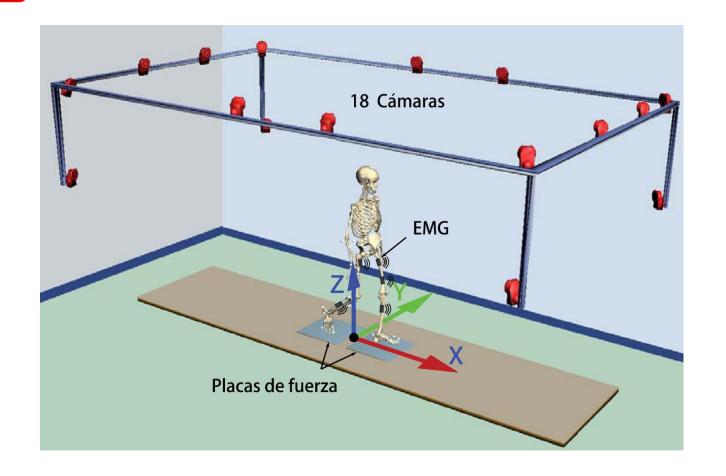


Universidade da Coruña

#### PLANTEAMIENTO: Sistema de medida

#### Captura de movimiento-fuerza-EMG

- ➤ 18 cámaras infrarrojas Natural Point Opti-Track FLEX 3.
- ➤ 2 placas AMTI AccuGait embebidas.
- > 9 sensores de electromiografía BTS FREEMG.

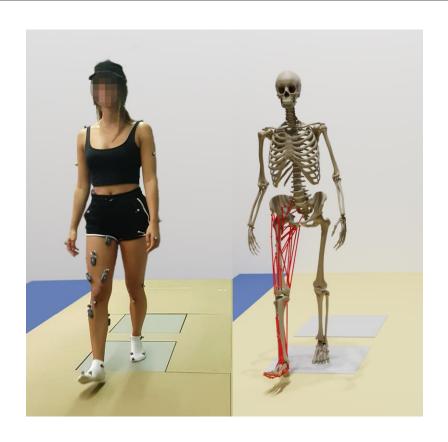


Laboratorio de Ingeniería Mecánica



Universidade da Coruña

## PLANTEAMIENTO: Sujetos



Mujer adulta sana de 30 años, 50Kg y 1.65 m de altura.



Mujer adulta sana de 29 años, 47 Kg y 1.57 m de altura.

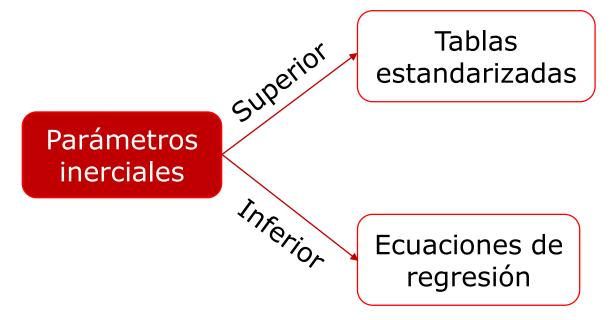


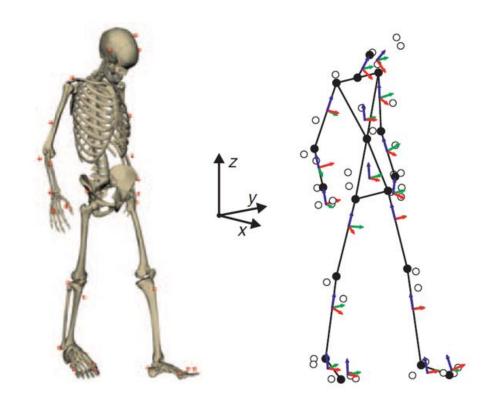
Universidade da Coruña

## PLANTEAMIENTO: M. esquelético

#### Modelo esquelético

➤ 18 sólidos unidos mediante juntas esféricas, con 57 grados de libertad, modelizado en coordenadas relativas.





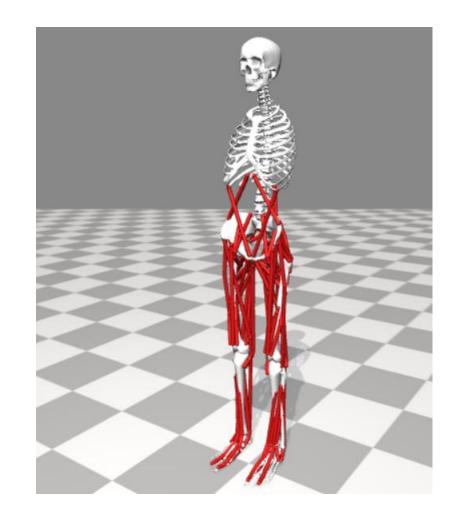




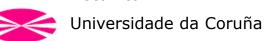
Universidade da Coruña

#### Modelo musculoesquelético

- > 86 músculos (43 músculos para cada pierna) obtenidos de OpenSIM Gait2392.
- > Factores de escala para:
  - Puntos de origen e inserción.
  - Longitudes musculares.
  - Fuerzas isométricas máximas.

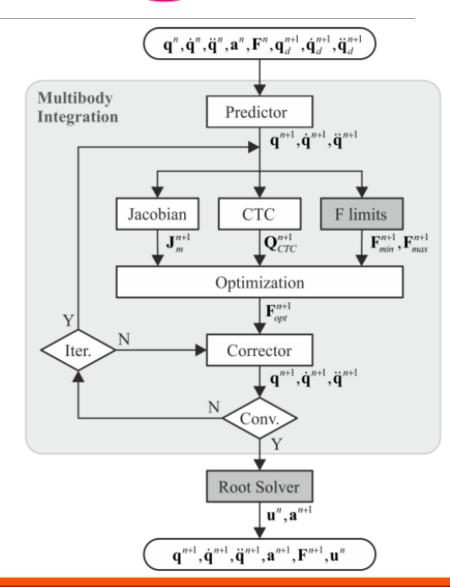






#### Algoritmo de cosimulación

- Integración de las ecuaciones multicuerpo y la dinámica muscular por separado, permitiendo una integración independiente.
- ➤ Tanto para las ecuaciones multicuerpo como para la dinámica muscular se emplea un integrador implícito de tipo regla trapezoidal.





Universidade da Coruña

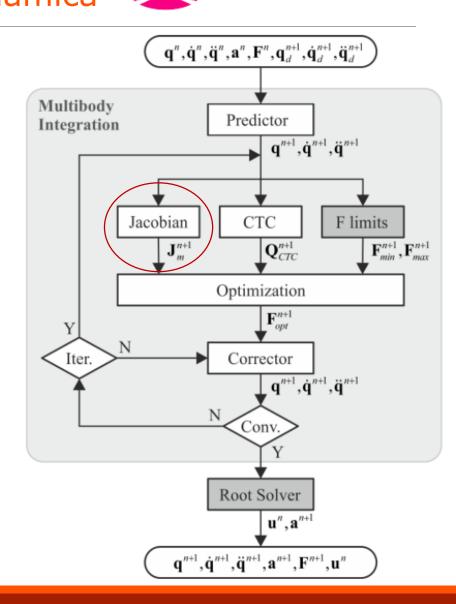
### PLANTEAMIENTO: Formulación dinámica

Jacobiano

Relaciona las fuerzas musculares con los pares netos que generan dichas fuerzas sobre los grados de libertad del sistema.

$$\mathbf{J}^{\top}\mathbf{F^{MT}} = \mathcal{T}^{\mathbf{MT}}$$

$$\mathbf{J} = \begin{bmatrix} J_{11} & J_{12} & \dots & J_{1m} \\ J_{21} & J_{22} & \dots & J_{2m} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ J_{g1} & J_{g2} & \dots & J_{gm} \end{bmatrix}$$





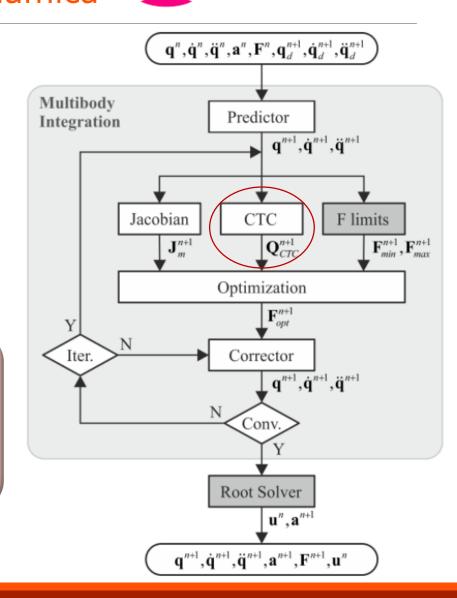
#### Universidade da Coruña

### PLANTEAMIENTO: Formulación dinámica

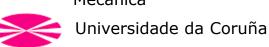
CTC

- Controlador del par computado.
- Permite obtener los pares que aseguren el seguimiento de las trayectorias articulares deseadas.

$$\begin{aligned} \mathbf{Q_u} &= \mathbf{M\ddot{z}} - \mathbf{Q_c} = \mathbf{M}[\ddot{\mathbf{z}}_{\mathbf{ref}}(t^{k+1}) + \mathbf{K_D}\boldsymbol{\epsilon}^{k+1} + \mathbf{K_P}\dot{\boldsymbol{\epsilon}}^{k+1}] - \mathbf{Q_c}, \\ \dot{\boldsymbol{\epsilon}}^{k+1} &= \dot{\mathbf{z}}_{\mathbf{ref}}^{k+1} - \dot{\mathbf{z}}^{k+1} \\ \boldsymbol{\epsilon}^{k+1} &= \mathbf{z_{ref}}^{k+1} - \mathbf{z}^{k+1} \end{aligned}$$





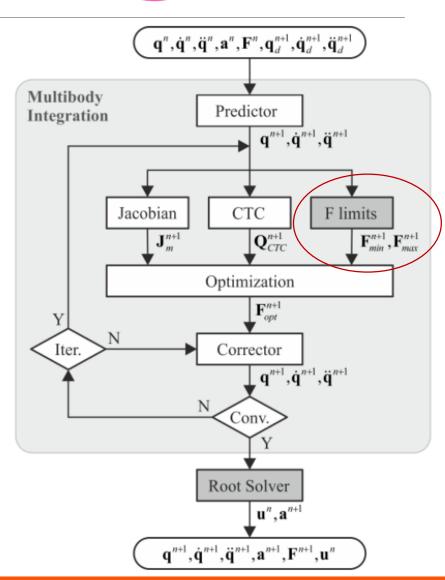


#### Límites de las fuerzas musculares

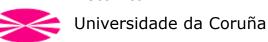
- Cálculo de las fuerzas musculares mínimas y máximas.
- ➤ Integración de la dinámica de contracción para valores de excitación muscular de 0 y 1.

$$l^{MT}(t_k < t < t_{k+1}) = l^{MT}(k) + \frac{l^{MT}(k+1) - l^{MT}(k)}{\Delta t}(t - t_k)$$

$$v^{MT}(t_k < t < t_{k+1}) = v^{MT}(k) + \frac{v^{MT}(k+1) - v^{MT}(k)}{\Delta t}(t - t_k)$$



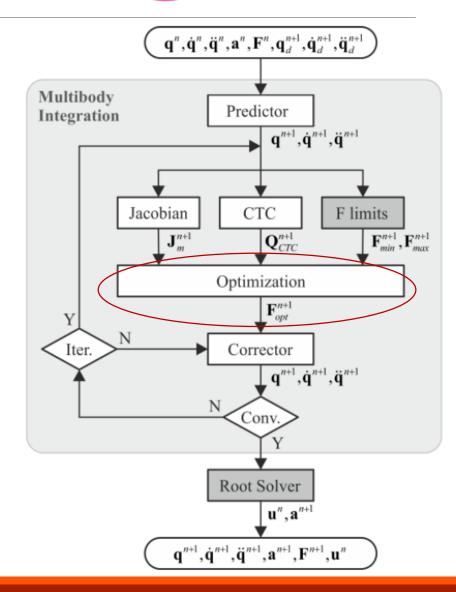




#### Optimización

Definición de un método de optimización para obtener las fuerzas musculares óptimas.

minimiza 
$$\sum_{i=1}^{m} \left( \frac{F_i^{MT}}{F_{i,0}^{M}} \right)^2$$
sujeto a  $\mathbf{J}^{\top} \mathbf{F}^{\mathbf{MT}} = \mathcal{T}^{\mathbf{MT}}$ 
$$F_{i,min}^{MT} < F_i^{MT} < F_{i,max}^{MT}; \ i = 1,...,n$$





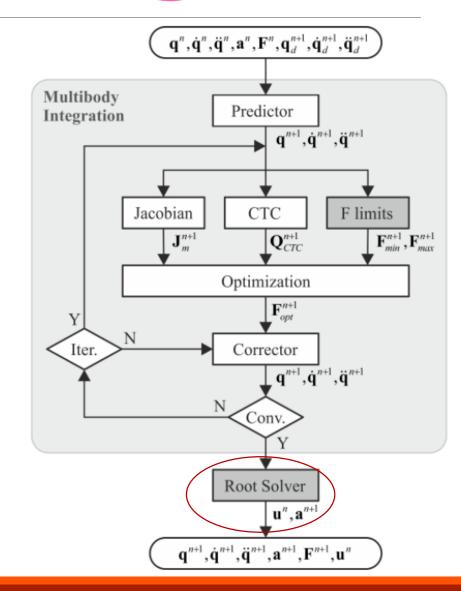


Universidade da Coruña

Algoritmo de búsqueda de raíces iterativo

Para cada músculo, se obtiene la excitación que cumpla que:

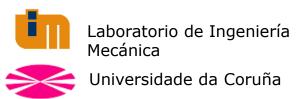
$$F_{opt}^{n+1} = F^n + \int_{t^n}^{t^{n+1}} f_F(a, F, l, \dot{l}) dt$$



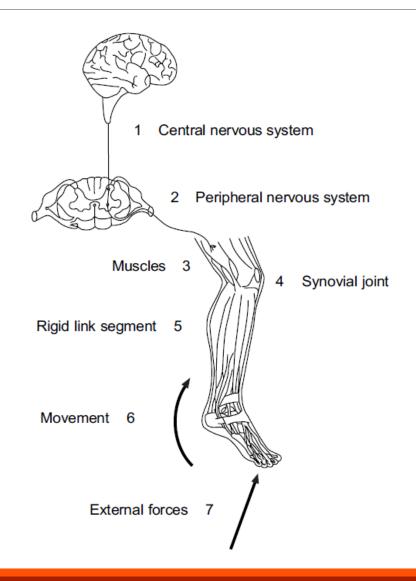
### CONTENIDOS

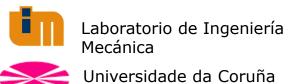
- I. Introducción
- II. Planteamiento del problema
- III. Modelos musculares
- IV. MTG
- V. Sinergias
- VI. Interpolación
- VII. Resultados
- VIII. Conclusiones

## MODELIZACIÓN: Reparto muscular



- El cuerpo humano posee más músculos para actuar cada grado de libertad de los necesarios.
- Definir un criterio con el cual encontrar la solución que más se acerque a la realidad.





## MODELIZACIÓN: Reparto muscular

Para resolver este problema de reparto muscular, es necesario emplear un método de optimización:

Criterio: la suma de los cuadrados de las fuerzas musculares relativas

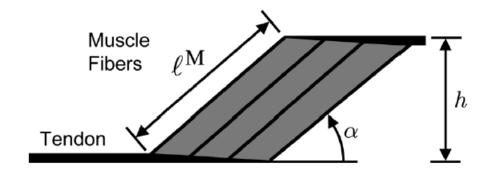
minimiza 
$$\sum_{i=1}^{m} \left( \frac{F_i^{MT}}{F_{i,0}^{M}} \right)^2$$
sujeto a  $\mathbf{J}^{\mathsf{T}} \mathbf{F}^{\mathbf{MT}} = \mathcal{T}^{\mathbf{MT}}$ 
$$F_{i,min}^{MT} < F_i^{MT} < F_{i,max}^{MT}; \ i = 1,...,n$$

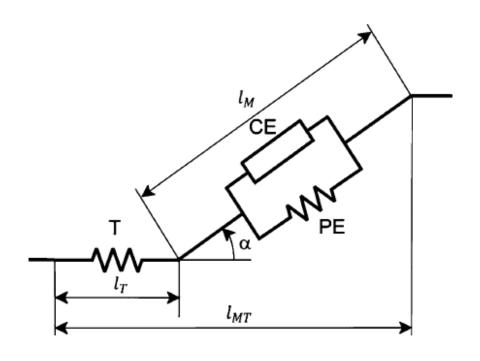




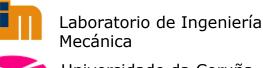
La estructura del músculo estaría definida como un sistema compuesto por:

- El elemento contráctil (CE): Representa la parte activa del músculo.
- El elemento paralelo (PE): Representa el componente pasivo del músculo.
- El elemento en serie (T): Representa la elasticidad intrínseca de los miofilamentos del tendón.





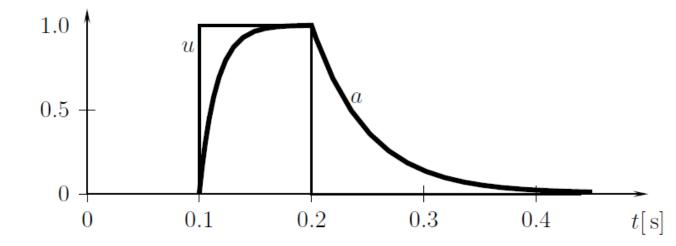




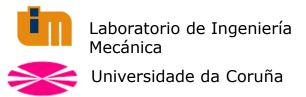


#### Dinámica de activación

- La activación muscular se produce tras una excitación neuronal normalizada u(t).
- La estimulación de las fibras musculares conduce a un estado muscular activo, representado por la activación muscular a(t).



$$\dot{a} = (u - a)\frac{u}{\mathcal{T}_{act}} + [u - (a - a_{min}) - (u - a)u]\frac{1}{\mathcal{T}_{deac}}$$



Dinámica de contracción

La contracción del músculo se produce por la contracción de cada uno de los sarcómeros.

$$F^{MT} = (F_{PE}^{M} + F_{CE}^{M})\cos\alpha = F_{0}^{M}(af_{L}(\tilde{l}^{M})f_{v}(\tilde{v}^{M}) + f_{PE}(\tilde{l}^{M}))\cos\alpha$$

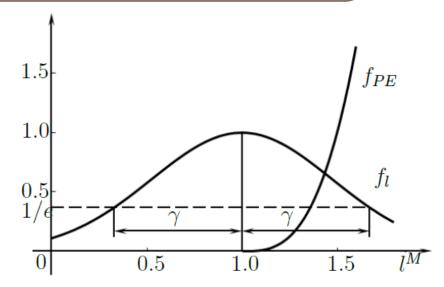


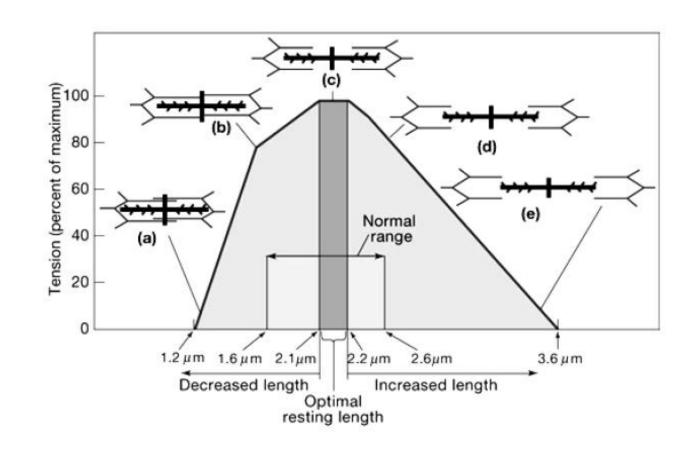


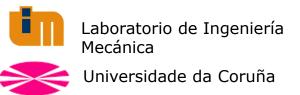
#### Relación fuerza-longitud

$$f_l\left(\tilde{l}^M\right) = e^{-\left[\left(\tilde{l}^M - 1\right)/\gamma\right]^2}$$

$$f_{PE}\left(\tilde{l}^M\right) = \frac{e^{k_{PE}\left(\tilde{l}^M - 1\right)/\varepsilon_0^M} - 1}{e^{k_{PE}} - 1}$$

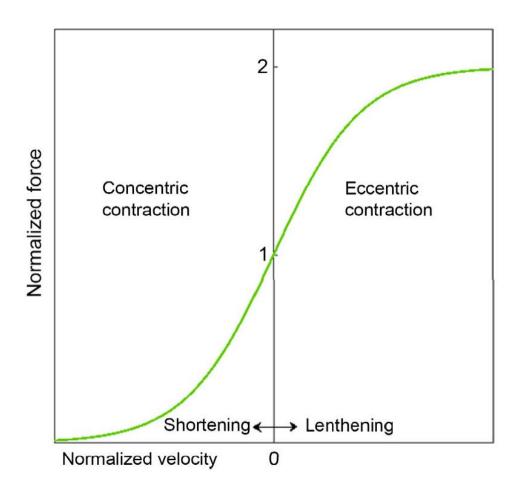




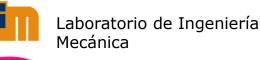


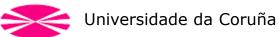
#### Relación fuerza-velocidad

$$f_{v}(\tilde{v}^{M}) = \begin{cases} 0 & si & \tilde{v}^{M} \leq -1, \\ \frac{1 + \tilde{v}^{M}}{1 - \tilde{v}^{M}/k_{CE1}} & si & -1 < \tilde{v}^{M} \leq 0, \\ \frac{1 + \tilde{v}^{M} f_{v}^{max}/k_{CE2}}{1 + \tilde{v}^{M}/k_{CE2}} & si & \tilde{v}^{M} \geq 0. \end{cases}$$









#### Relación fuerza-deformación

$$f_T(\varepsilon^T) = \begin{cases} 0.10377(e^{91\varepsilon^T} - 1) & si \quad 0 \le \varepsilon^T < 0.01516 \\ 37.526\varepsilon^T - 0.26029 & si \quad 0.01516 \le \varepsilon^T < 0.1 \end{cases}$$

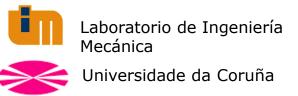
Failure Linear region Toe region 2% Strain

Stress

Dinámica de contracción

La variación de la fuerza del músculo-tendón se puede expresar como:

$$\dot{F}^{MT} = k^T \left[ v^{MT} - \frac{v_{max}}{\cos \alpha} f_v^{-1} \left( \frac{f_T(\tilde{\varepsilon}^T))/\cos \alpha + f_{PE}(\tilde{l}^M)}{af_L(\tilde{l}^M)} \right) \right]$$



#### Modelo de Hill con tendón rígido

$$l^{T} = l_{S}^{T}$$

$$l^{M} = \sqrt{(l^{MT} - l_{S}^{T})^{2} + h^{2}}$$

$$v^{M} = v^{MT} \cos \alpha$$

#### Modelo de Hill con tendón rígido sin retraso

$$a(t) = u$$

$$F_{min}^{MT} = F_{PE}^{M} \cos \alpha$$

$$F_{max}^{MT} = \left(F_{0}^{M} f_{l} \left(\tilde{l}^{M}\right) f_{v} \left(\tilde{l}^{M}\right) + F_{PE}^{M}\right) \cos \alpha$$

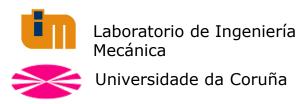
#### Modelo no fisiológico

$$F_{i,min}^{MT} = 0$$

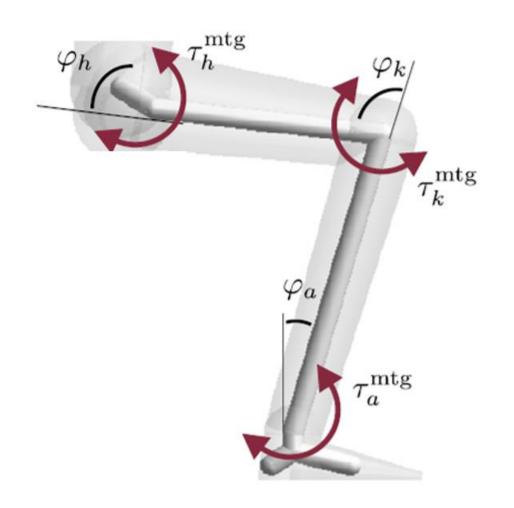
$$F_{i,max}^{MT} = F_{i,0}^{M}$$

## CONTENIDOS

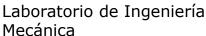
- I. Introducción
- II. Planteamiento del problema
- III. Modelos musculares
- IV. MTG
- V. Sinergias
- VI. Interpolación
- VII. Resultados
- VIII. Conclusiones



- Muscle Torque Generator.
- Funciones que representan los pares netos generados por los músculos sobre los grados de libertad.
- Capturan las características más relevantes de la dinámica muscular.





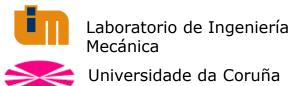




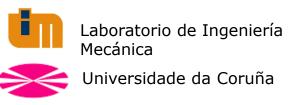
- Estimación del par articular máximo voluntario.
- Cada par se define por:

- $T(\theta, \dot{\theta}) = aT_{activo}(\theta, \dot{\theta}) + T_{pasivo}(\theta)$
- Un componente activo, que representa el efecto de los múltiples músculos agonistas y antagonistas de dicho par.

$$T_{activo}(\theta, \dot{\theta}) = \begin{cases} C_1 \cos(C_2(\theta - C_3)) \left( \frac{2C_4C_5 + \dot{\theta}(C_5 - 3C_4)}{2C_4C_5 + \dot{\theta}(2C_5 - 4C_4)} \right) & \dot{\theta} \ge 0 \\ C_1 \cos(C_2(\theta - C_3)) \left( \frac{2C_4C_5 - \dot{\theta}(C_5 - 3C_4)}{2C_4C_5 - \dot{\theta}(2C_5 - 4C_4)} \right) (1 - C_6\dot{\theta}) & \dot{\theta} < 0 \end{cases}$$

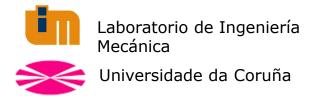


Parámetros	Interpretación
$C_1 = F_{MAX}r$	Par articular isométrico máximo (Nm)
$C_2 = \pi/(\theta_{MAX} - \theta_{MIN})$	$\pi$ dividido por el rango de ángulo articuladores donde la fuerza muscular active está presente
$C_3 = \theta_0$	Ángulo de la articulación en el par articular isométrico máximo (rad)
$C_4 = \omega_1$	Velocidad angular cuando el par es el 75% del par isométrico (rad/s)
$C_5 = \omega_2$	Velocidad angular cuando el par es el 50% del par isométrico (rad/s)
$C_6 = E$	Define el par excéntrico relativo al par concéntrico.



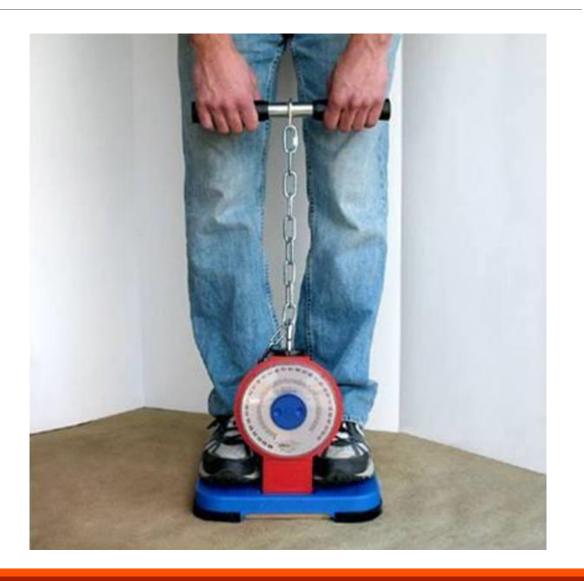
 Un componente pasivo, que refleja la tensión desarrollada por el tejido muscular, los tendones y los ligamentos cuando se estiran.

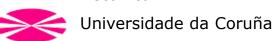
$$T_{pasivo}(\theta) = B_1 e^{k_1 \theta} + B_2 e^{k_2 \theta}$$



#### Dinamómetro

- > Tests de fuerza.
- Específico para cada sujeto.
- Robustez al método.





#### Valores medios

- Se obtienen a partir de unos valores medios.
- Se evitan los errores propios de los tests.

Edad	18-	18-25		55-65		>65			
Género	M	F	M	F	M	F			
	Extensión Cadera								
$C_1$	0.161	0.181	0.171	0.140	0.144	0.138			
$C_2$	0.958	0.697	0.922	0.830	0.896	0.707			
$C_3$	0.932	1.242	1.176	1.241	1.125	1.542			
$C_4$	1.578	1.567	1.601	1.444	1.561	1.613			
<i>C</i> <sub>5</sub>	3.190	3.164	3.236	2.919	3.152	3.256			
<b>C</b> <sub>6</sub>	0.242	0.164	0.320	0.317	0.477	0.360			
$B_1$	-1.210	-1.753	-2.160	-1.361	-2.671	-0.758			
$k_1$	-6.351	-6.358	-8.073	-7.128	-7.850	-7.545			
$B_2$	0.476	0.239	0.108	0.013	0.092	0.018			
$k_2$	5.910	3.872	4.593	6.479	5.192	6.061			



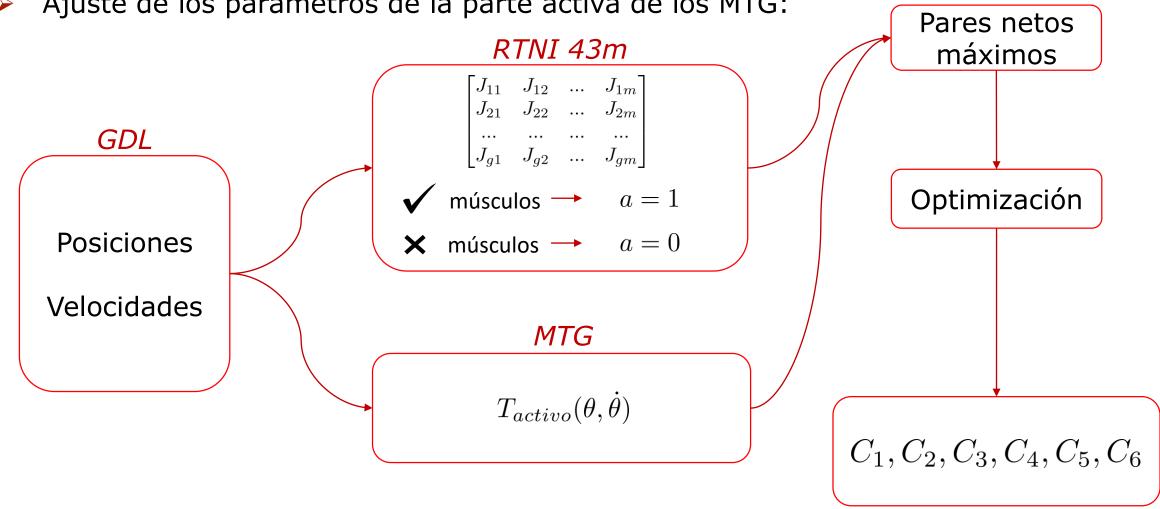
Laboratorio de Ingeniería Mecánica



#### Universidade da Coruña

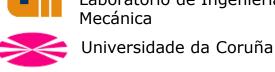


Ajuste de los parámetros de la parte activa de los MTG:





## MTG: Calibración

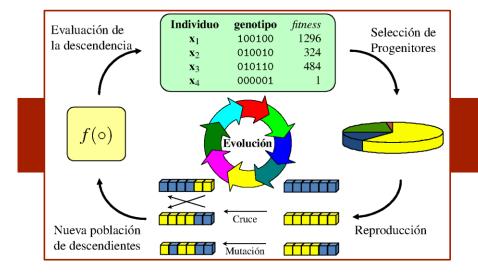


Ajuste de los parámetros de la parte activa de los MTG:



Minimización del error cuadrático medio de los pares netos máximos

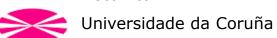
minimiza 
$$\sqrt{\frac{\sum\limits_{i=1}^{n}\sum\limits_{j=1}^{m}(T_{ij}-T_{ij}^{*})^{2}}{nm}}$$



$$x_{n+1} = x_n - \lambda \nabla f(x)$$



### MTG: Calibración



Ajuste de los parámetros de la parte pasiva de los MTG:

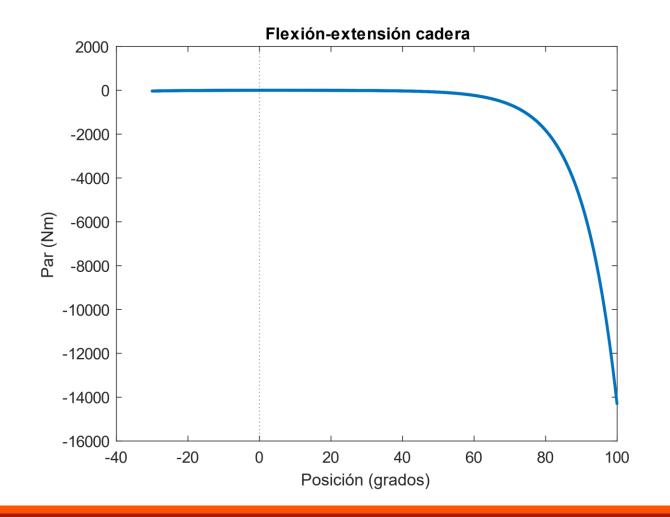
$$B_1 = 0$$

$$B_2 = 0$$

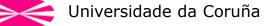
$$k_1 = 0$$

$$k_2 = 0$$

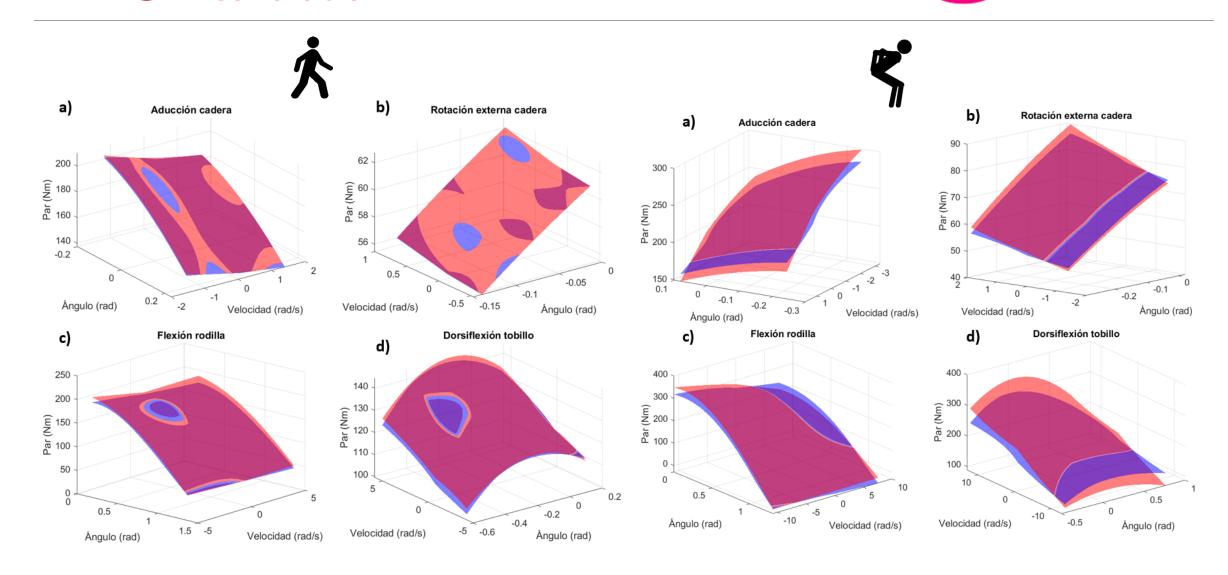
$$T_{pasivo}(\theta) = B_1 e^{k_1 \theta} + B_2 e^{k_2 \theta}$$



Laboratorio de Ingeniería Mecánica



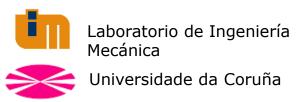
## MTG: Calibración



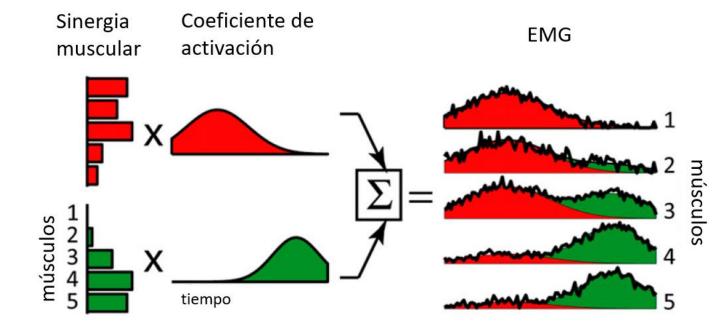
## CONTENIDOS

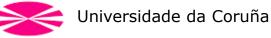
- I. Introducción
- II. Planteamiento del problema
- III. Modelos musculares
- IV. MTG
- V. Sinergias
- VI. Interpolación
- VII. Resultados
- VIII. Conclusiones

# Sinergias



- Activación de múltiples músculos coordinados con una señal de control.
- Simplificación del sistema.



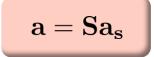


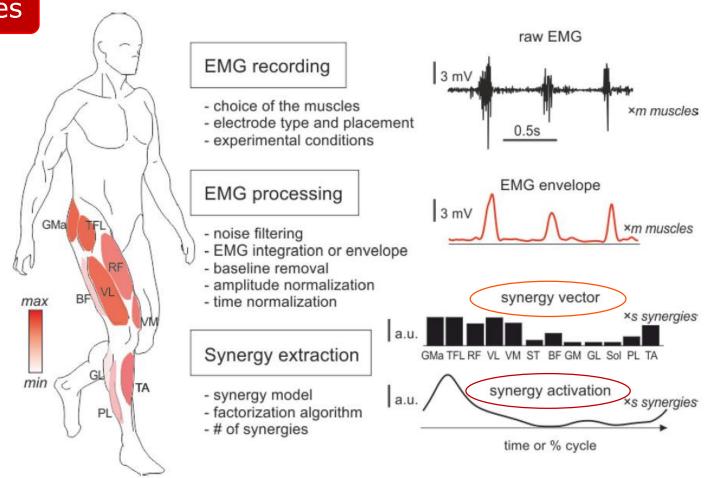
# Sinergias: Determinación

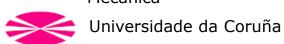
Análisis de las sinergias musculares

$$e(t) = \sum_{j=1}^{s} c_{j}(t) w_{j}$$

- La activación de las sinergias indica cómo se activa el grupo de músculos a lo largo del tiempo.
- Los vectores de sinergia representan la contribución relativa de cada músculo.







# Sinergias: Optimización

### Optimización sinérgica

Estimación de las fuerzas musculares empleando activaciones musculares a partir de las sinergias. Las variables de diseño son las sinergias musculares.

Minimizar la suma de los errores al cuadrado de los pares articulares con la suma de los cuadrados de las activaciones musculares

$$\beta >> \gamma$$

minimiza 
$$\beta \sum_{i=1}^{c} \sum_{j=1}^{n} \left[ \frac{e_{kj,\mathcal{T}^{MT}}}{max(|\mathcal{T}_{i}^{MT}|)} \right]^{2} + \gamma \sum_{k=1}^{m} \sum_{j=1}^{n} a_{kj,syn}^{2}$$
sujeto a 
$$\sum_{j=1}^{s} V_{ij,syn} = 1 \quad i = 1, ..., m$$

$$0 < N_{bj,syn} \quad b = 1, ..., p \quad y \quad j = 1, ..., s$$

$$0 < V_{ij,syn} \quad i = 1, ..., m \quad y \quad j = 1, ..., s$$





### Universidade da Coruña

# Sinergias: Optimización

### Optimización sinérgica

minimiza 
$$\sum_{i=1}^{m} \left( \frac{F_i^{MT}}{F_{max}^{MT}} \right)^2$$
sujeto a  $\mathbf{Q} = \mathbf{J}^{\top} \mathbf{F}^{\mathbf{MT}}$ 



minimiza 
$$\frac{1}{2}(\mathbf{a_s}^{\top}\mathbf{H_e}\mathbf{a_s})$$
  
sujeto a  $\mathbf{Q} - \mathbf{J}^{\top}\mathbf{F_{PE*}^M} = (\mathbf{J}^{\top}\mathbf{D_{FCE*}} \mathbf{S})\mathbf{a_s}$   
 $\mathbf{0}_i \leq (\mathbf{Sa_s})_i \leq \mathbf{1}_i$ 

## CONTENIDOS

- I. Introducción
- II. Planteamiento del problema
- III. Modelos musculares
- IV. MTG
- V. Sinergias
- VI. Interpolación
- VII. Resultados
- VIII. Conclusiones

- Precálculo y tabulación de algunas magnitudes musculares.
- El problema es la dimensionalidad.
  - Brazos de momento.
  - Longitudes musculares.
  - Velocidades musculares.

GDL	J	$l^{MT}$	$v^{MT}$
POSICIONES			
ICIO			
90S			

$$\mathbf{J} = \begin{bmatrix} J_{11} & J_{12} & \dots & J_{1m} \\ J_{21} & J_{22} & \dots & J_{2m} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ J_{g1} & J_{g2} & \dots & J_{gm} \end{bmatrix}$$

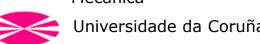
## CONTENIDOS

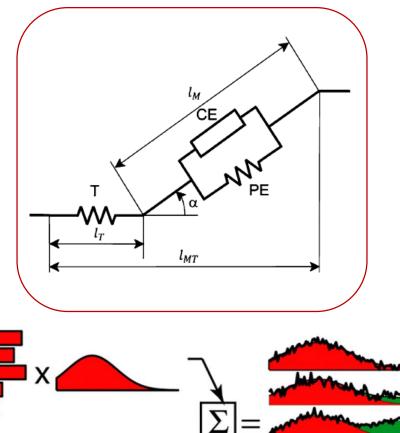
- I. Introducción
- II. Planteamiento del problema
- III. Modelos musculares
- IV. MTG
- V. Sinergias
- VI. Interpolación
- VII. Resultados

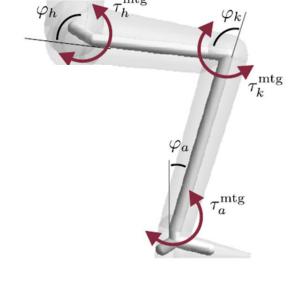
VIII. Conclusiones

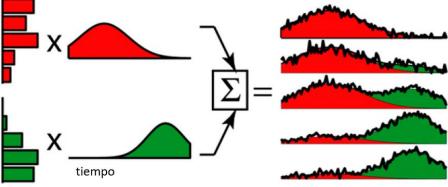


# Resultados: Modelos y número de músculos Suniversidade da Coruña



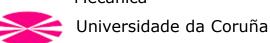






GDL	J	$l^{MT}$	$v^{MT}$
POSICIONES			
ICIO			
POS			





CAI 43 M

> Análisis de cuatro modelos musculares:

Modelo	Detalle
CAI	Modelo de Hill completo
RTAI	Modelo de tendón rígido con dinámica de activación
RTNI	Modelo de tendón rígido sin dinámica de activación
NF	Modelo no fisiológico

Análisis de los errores en las excitaciones, las activaciones y las fuerzas

# RMSE de excitaciones, activaciones y fuerzas

$$e_i^u = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{n_i} \left(u_{ij} - u_{ij}^{ref}\right)^2}{n_t}}$$

$$e_i^a = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{n_i} \left(a_{ij} - a_{ij}^{ref}\right)^2}{n_t}}$$

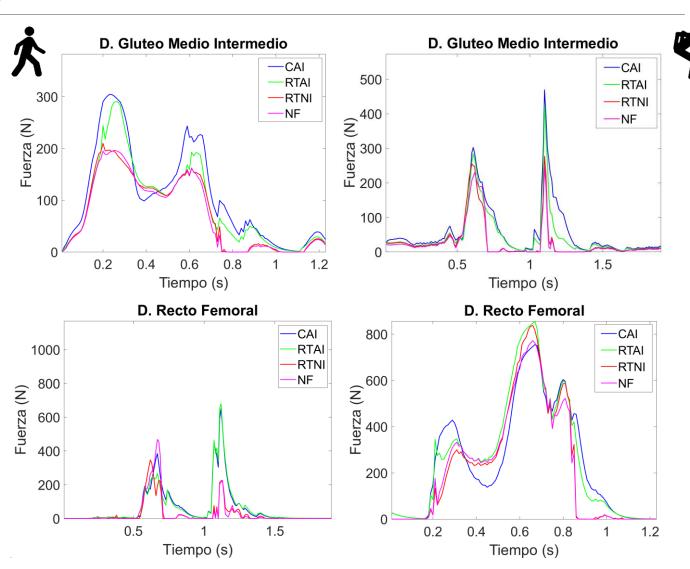
$$e_i^F = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{n_i} \left(\frac{F_{ij} - F_{ij}^{ref}}{F_{max,i}^{ref}}\right)^2}{n_t}}$$

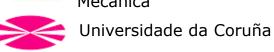


Universidade da Coruña

# Resultados: Modelos y número de músculos

- El RTAI con apenas reducción en precisión.
- El RTNI no mejora los resultados obtenidos por NF.





Los músculos de tendón largo muestran un mayor error comparado con los de tendón corto.

		Marcha			Salto	
	RTAI	RTNI	NF	RTAI	RTNI	NF
$e^F$ (largo)	0.328	0.416	0.404	0.238	0.282	0.255
$e^F$ (corto)	0.147	0.186	0.187	0.089	0.152	0.156



#### Universidade da Coruña

# Resultados: Modelos y número de músculos

- > El RTAI posee un buen balance entre precisión y eficiencia.
- > El RTNI no mejora los resultados obtenidos por NF.

Tiempo (s)		Marcha	Salto vertical
Duración total	1.23	1.90	
	CAI		1.406
Costo computacional	RTAI	0.410	0.894
Coste computacional	RTNI	0.409	0.875
	NF	0.406	0.869

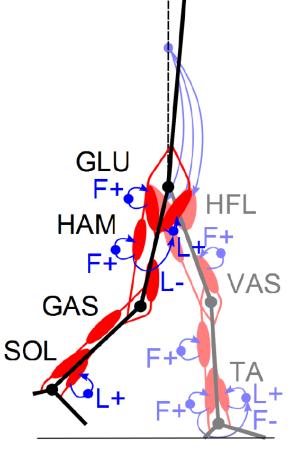




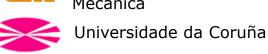
Estudio de la influencia del número de músculos

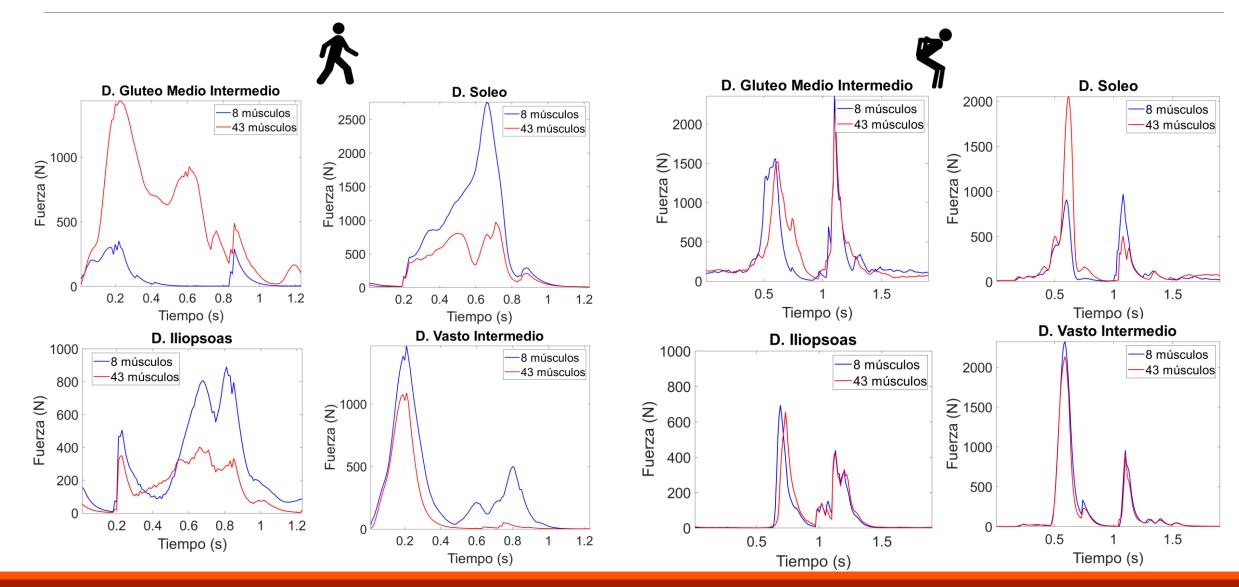
# músculos	Detalle
86	Modelo estándar de 43 músculos en ambas piernas
43	Modelo estándar únicamente en la pierna derecha
16	Modelo simplificado en ambas piernas
8	Modelo simplificado en una pierna

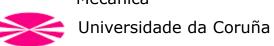






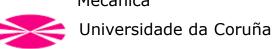




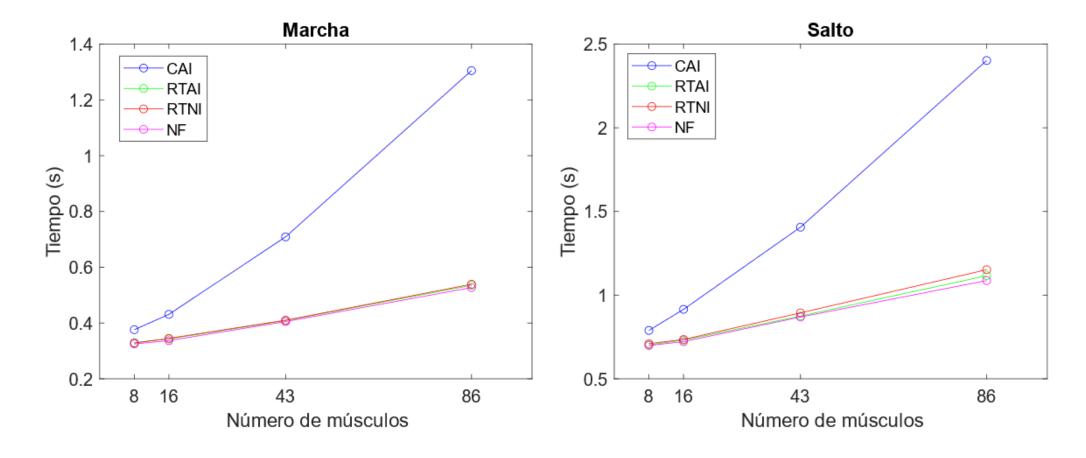


> Se produce un aumento del coste con el aumento del número de músculos.

Marcha # músculos			Salto					
# IIIusculos	CAI	RTNI	RTAI	NP	CAI	RTNI	RTAI	NP
86	1.3050	0.5390	0.5350	0.5270	2.4020	1.1520	1.1160	1.0870
43	0.7090	0.4100	0.4090	0.4050	1.4060	0.8940	0.8750	0.8690
16	0.4310	0.3450	0.3430	0.3370	0.9150	0.7350	0.7310	0.7220
8	0.3760	0.3280	0.3300	0.3250	0.7890	0.7100	0.7030	0.6990
0	0.0100				0.	0200		



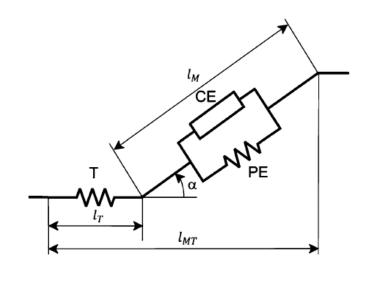
El coste computacional crece con el número de músculos.

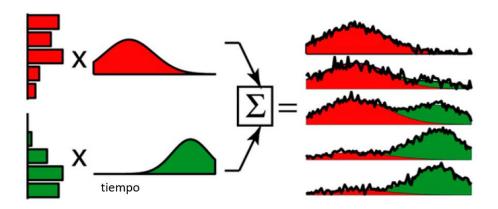


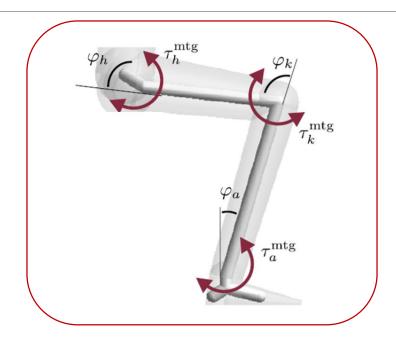


#### Universidade da Coruña

## Resultados: MTG







GDL	J	$l^{MT}$	$v^{MT}$
NES			
POSICIONES			
POSI			

## Resultados: MTG





Universidade da Coruña

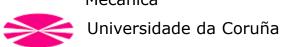
RTNI 43 M

Comparación de la activación de cada MTG con la activación media ponderada de los músculos implicados en el grado de libertad.

#### Activación media

$$\overline{a} = \frac{\sum_{i=1}^{m} a_i F_{0i} r_i}{\sum_{i=1}^{m} F_{0i} r_i} \tag{1}$$

## Resultados: MTG



La marcha tiene un mayor error medio que el salto.

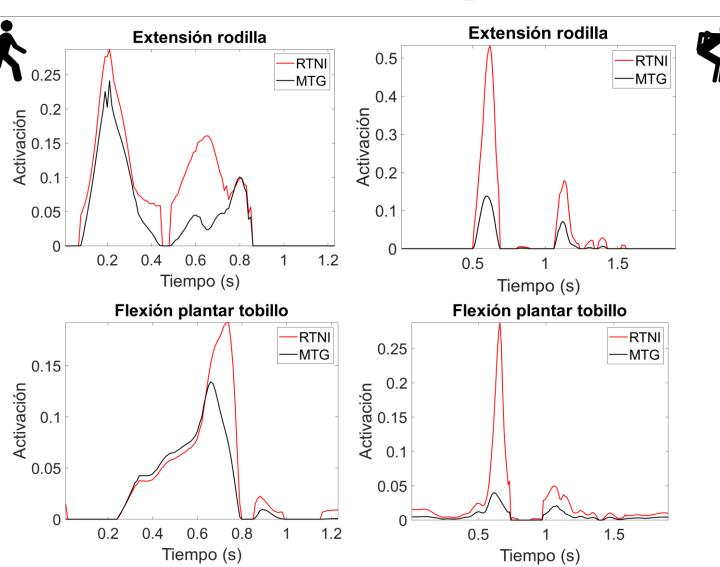
MTG #	Agonista/Antagonista	Marcha	Salto
1	Aducción cadera	0.0111	0.0050
	Abducción cadera	0.0581	0.0773
2	Flexión cadera	0.0247	0.0279
2	Extensión cadera	0.0718	0.0242
3	Rot. Interna cadera	0.2126	0.0259
3	Rot. Externa cadera	0.1143	0.0610
4	Flexión rodilla	0.0137	0.0144
4	Extensión rodilla	0.0477	0.0783
5	Inversión tobillo	0.0101	0.0234
J	Eversión tobillo	0.0068	0.0312
6	Flexión plantar tobillo	0.0270	0.0429
	Flexión dorsal tobillo	0.0216	0.0034
Promedio		0.0516	0.0346

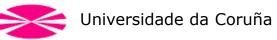


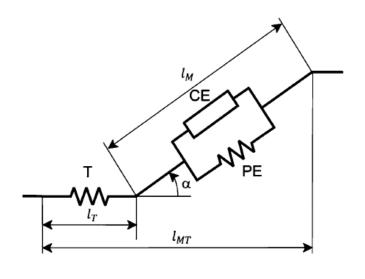
Universidade da Coruña

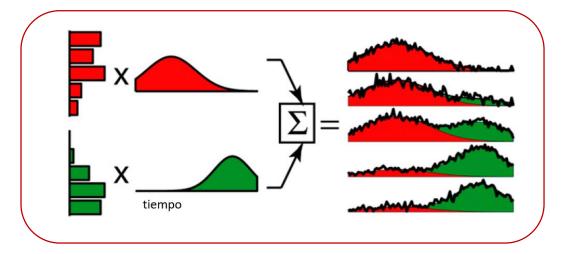
### Resultados: MTG

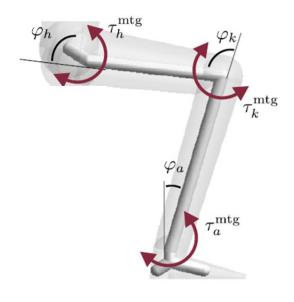
➤ El plano sagital, el salto tiene un mayor error que en la marcha dada su mayor relevancia en el movimiento.





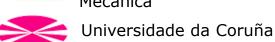






GDL	J	$l^{MT}$	$v^{MT}$
NES			
ICIO			
POSICIONES			





RTNI 43 M

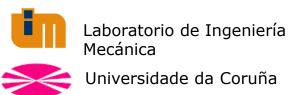
Análisis de los errores en los pares articulares entre los modelos empleando sinergias y el modelo de referencia.

# RMSE de las activaciones, fuerzas y pares articulares

$$e_i^a = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{n_i} \left(a_{ij} - a_{ij}^{ref}\right)^2}{n_t}}$$

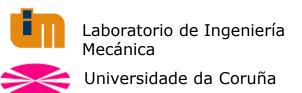
$$e_i^F = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{n_i} \left(\frac{F_{ij} - F_{ij}^{ref}}{F_{max,i}^{ref}}\right)^2}{n_t}}$$

$$e_i^q = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{n_i} \left(Q_{ij} - Q_{ij}^{ref}\right)^2}{n_t}}$$



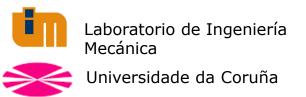
- Los errores en las activaciones y fuerzas musculares son altos para ambos casos.
- No muestran una tendencia clara.

$n_s$	Marcha		Salto	
	a	F	a	F
2	0.0886	0.4907	0.0848	0.6576
3	0.0919	0.5637	0.0762	0.4847
4	0.0819	0.9299	0.0645	0.4277
5	0.0832	1.2619	0.0695	0.4588
6	0.0663	0.08146	0.0816	0.5553



> Se produce una reducción con el aumento del número de sinergias.

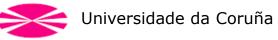
	$\overline{e^q}$			
n <sub>s</sub>	Marcha	Salto		
2	5.3826	4.3038		
3	4.2865	3.5852		
4	2.8768	2.5385		
5	1.6795	1.8624		
6	1.5976	1.0243		

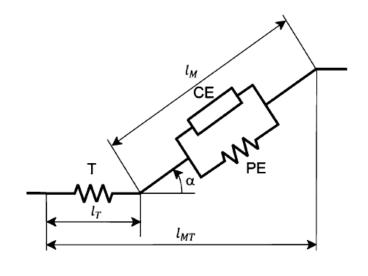


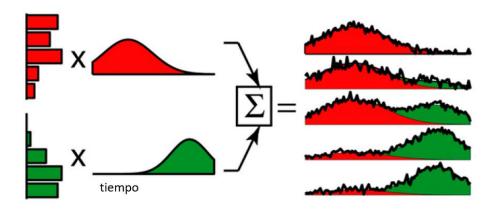
## Resultados: Sinergias

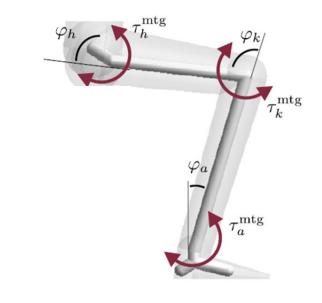
Apenas hay una mejora en la eficiencia empleando sinergias respeto al modelo de referencia.

$n_{\scriptscriptstyle S}$	Marcha	Salto
2	0.4055	0.8786
3	0.4084	0.8801
4	0.4105	0.8805
5	0.4122	0.8863
6	0.4138	0.8985
0	0.4095	0.8752





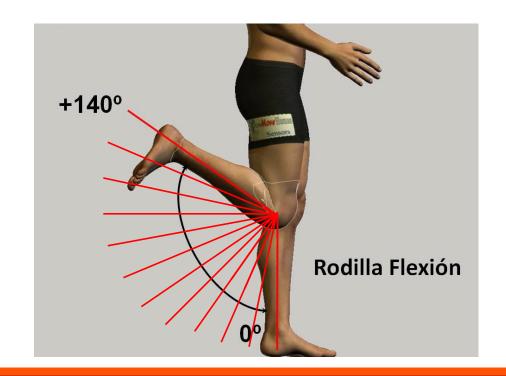




GDL	J	$l^{MT}$	$v^{MT}$
NES			
CIO			
POSICIONES			
<u>.                                    </u>			



Análisis de los errores en las excitaciones, activaciones y fuerzas normalizadas para los modelos empleando tablas de distintas resoluciones.



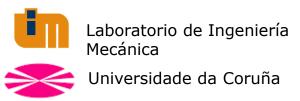
#### CAI 43 M

# RMSE de excitaciones, activaciones y fuerzas

$$e_i^u = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{n_i} \left(u_{ij} - u_{ij}^{ref}\right)^2}{n_t}}$$

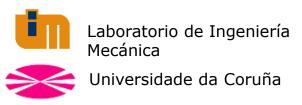
$$e_i^a = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{n_i} \left(a_{ij} - a_{ij}^{ref}\right)^2}{n_t}}$$

$$e_i^F = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{n_i} \left(\frac{F_{ij} - F_{ij}^{ref}}{F_{max,i}^{ref}}\right)^2}{n_t}}$$



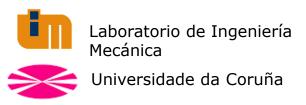
> Errores muy bajos en general. Son más altos en el salto respecto a la marcha.

RMSE medio	Marcha			Salto			
Resol (°)	u	а	F	u	а	F	
5	0.0012	0.0005	0.0046	0.0067	0.0029	0.0080	
10	0.0021	0.0013	0.0062	0.0108	0.0049	0.0157	



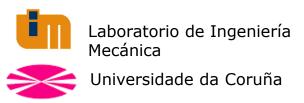
La reducción de la resolución también supone un aumento exponencial del tamaño de las tablas.

Tamaño (MB)							
Resol (°)	Marcha	Salto					
5	32.5	81					
10	1.49	1.77					



> Reducción ligera del coste computacional al emplear las tablas.

Tiempo (s)								
	Marcha				Salto			
Resol (°)	CAI	RTAI	RTNI	NF	CAI	RTAI	RTNI	NF
5	0.6650	0.3480	0.3410	0.3430	1.3430	0.7570	0.7410	0.7600
10	0.6640	0.3550	0.3470	0.3480	1.3420	0.7610	0.7470	0.7590
Sin tablas	0.7090	0.4100	0.4090	0.4050	1.4060	0.8940	0.8750	0.8690



> Mejora de eficiencia entre los modelos simplificados y el CAI.

Tiempo (s)								
	Marcha				Salto			
Resol (°)	CAI	RTAI	RTNI	NF	CAI	RTAI	RTNI	NF
5	0.6650	0.3480	0.3410	0.3430	1.3430	0.7570	0.7410	0.7600
10	0.6640	0.3550	0.3470	0.3480	1.3420	0.7610	0.7470	0.7590
Sin tablas	0.7090	0.4100	0.4090	0.4050	1.4060	0.8940	0.8750	0.8690

## CONTENIDOS

- I. Introducción
- II. Planteamiento del problema
- III. Modelos musculares
- IV. MTG
- V. Sinergias
- VI. Interpolación
- VII. Resultados
- VIII. Conclusiones

### Laboratorio de Ingeniería Mecánica Universidade da Coruña

## Conclusiones

- La dinámica de activación no supone un coste computacional significativo.
- Los músculos de tendón corto deberían modelarse con RTAI, mientras que los de tendón largo con CAI.
- La complejidad del movimiento tiene un papel muy importante en las diferencias entre los modelos musculares
- ➤ Los tiempos de CPU aumentan con el número de músculos, con un crecimiento superior para el caso del CAI.

## Laboratorio de Ingeniería Mecánica Universidade da Coruña

## Conclusiones

- El empleo de los MTG permite considerar el efecto muscular con la misma eficiencia que con los modelos esqueléticos. Se obtuvieron niveles de activación muscular similares a la media ponderada de las actividades de los músculos involucrados para cada par.
- El empleo de sinergias impide satisfacer las restricciones para el problema del reparto muscular, reduciendo la precisión en activaciones y fuerzas, además de no ganar ninguna eficiencia.
- El empleo de tablas para los brazos de momento, longitudes y velocidades con respecto a los grados de libertad no supone pérdidas de precisión, pero tampoco una mejora sustancial en la eficiencia.

## Laboratorio de Ingeniería Mecánica Universidade da Coruña

# Trabajos derivados



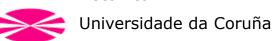
- ❖ F. Michaud, M. Lamas, U. Lugris, J. Cuadrado. A Fair and EMG-validated Comparison of Recruitment Criteria, Musculotendon Models and Muscle Coordination Strategies, for the Inverse-dynamics Based Optimization of Muscle Forces During Gait. Journal of NeuroEngineering and Rehabilitation, vol. 18, article 17, 15 pages, 2021.
- Lamas M., Mouzo F., Michaud F., Lugrís U., Cuadrado J. Comparison of several muscle modeling alternatives for computationally intensive algorithms in human motion simulation. Multibody System Dynamics, (major revision).

#### Congreso:

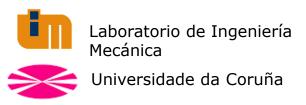
❖ F. Mouzo, F. Michaud, M. Lamas, U. Lugris, J. Cuadrado. *Effect of muscle modeling in the efficiency and accuracy of the forward-dynamics simulation of human gait*. 5th Int. Conference on Neurorehabilitation, ICNR 2020. Conferencia online.

#### Laboratorio de Ingeniería Mecánica

# Futuras líneas de investigación



- ➤ El algoritmo empleado no cumple la esencia de una simulación, obtener el movimiento correspondiente a unas ciertas entradas.
- Es necesario realizar pruebas con algoritmos de simulación predictiva donde el movimiento resultante sea desconocido.
- La prueba de las alternativas de modelado muscular analizadas sobre dichos algoritmos:
  - Verificar que las diferencias de eficiencia serán extrapolables al contexto de los algoritmos de simulación predictiva del movimiento.
  - Comprobar las diferencias en precisión y cómo se traducen en movimientos más o menos parecidos a los humanos.



#### Programa Oficial de Doctorado en Ingeniería Naval e Industrial

# Modelos musculares simplificados para la simulación del movimiento humano

Autor:

Mario Lamas Rodríguez

Directores:

Francisco Javier Cuadrado Aranda Urbano Lugrís Armesto

Noviembre 2021